# GA による平板構造物におけるセンサ/

## アクチュエータの最適配置

## 木 澤 悟・小笠原 悠\*

## Optimal Placement of Sensors/ Actuators in Flat Plate Using Genetic Algorithm

## Satoru Kizawa and Yutaka Ogasawara\*

## (2003年11月25日受理)

This paper shows an optimal placement of the actuators/sensors in the flat plate so as to reduce the structural vibration. The LQG controller is designed with the reduced order model of the flat plate which is obtained by finite element method and modal analyses. The location of the actuators/sensors and the LQG control system are simultaneously optimized by genetic algorithm to achieve an enhanced vibration control performance. The effect of the proposed method is illustrated by numerical examples.

#### 1. 緒 言

近年,多くの構造物の高層化や機械の高性能化が 進んでいる。そのために軽量化をすると弾性振動が 問題になってくるため、アクティブな制振制御が重 要になってくる。特に、アクティブな制振制御を行 う場合、センサおよびアクチュエータの配置は制振 性能に関わる問題である。

このような問題を克服するために、本論文では片 持ち平板構造物に圧電アクチュエータおよびセンサ を取り付けた構造物を制御対象として、制振制御に 有効なセンサおよびアクチュエータの配置について の検討を行った。



\* 秋田高専専攻科学生

秋田高専研究紀要第39号

論文で提案した手法は、有限要素解析ソフトと制 御系設計ソフトをリンク、統合化したもので、コン トローラの設計とセンサおよびアクチュエータの配 置は統合的に設計すべきであるという観点と制御し やすいシステムとはという観点にたった構造系と制 御系の同時最適化設計法である。提案した手法を用 い、片持ち平板構造物モデルに応用し、その有効性 を確かめた結果を報告する。

2. 平板構造物のモデル化

#### 2.1 制御対象

本論文では有限要素法(以下 FEM)解析ソフト FEMLAB<sup>11</sup>を用いて制御対象である平板構造物の モデル化を行う。FEMLAB は MATLAB<sup>21</sup> とリン ク可能な FEM 解析ソフトであり,FEMLAB での 解析を MATLAB が読解可能な m ファイルで記述 し、さらに状態方程式に変換できるように開発した。

制御対象として図1に示すような,板厚一定の片 持ち平板構造物を考える。図1において S<sub>i</sub>(*i*=1~3) は変位センサの位置を示し,*A<sub>i</sub>*(*i*=1~3) 圧電アク チュエータの位置を示す。また,*d*は外乱,*z*は評 価したい位置を示す。ここで,センサは黒丸の節点 の位置に配置されていると想定し,アクチュエータ はエッジにおけるモーメント制御が可能で1枚分の セルの大きさであり、配置はセンサの場合と同様に 節点が配置位置を示している。

#### 2.2 物理座標系とモード座標系の関係

図1に示した平板構造物のモード座標系での基礎 式を導く。一般的にn自由度構造システムの運動方 程式は式(1)で表すことができる。

$$MU + CU + KU = D_d d + D_u u \tag{1}$$

ここでM, C, K はそれぞれ慣性, 減衰, 剛性行列 であり, U は変位ベクトル, u は制御入力, d は外 乱である。また,  $D_a$  は外乱入力の節点を定める行 列,  $D_a$  は制御入力の節点を定める行列である。こ こでいま式(1) の  $M \ge K$ から求められる固有モー ド行列  $\Phi$ を用いてモード分離する。すなわち,

$$U = \Phi q \tag{2}$$

を用いて座標変換を行うと,平板のモード座標系に おける基礎式は

$$\ddot{q} + Z\dot{q} + \Omega q = f_d d + f_u u \tag{3}$$

となる。ここで,

$$\Phi^{T} M \Phi = I \qquad f_{d} = \Phi^{T} D_{d} \qquad f_{u} = \Phi^{T} D_{u}$$
  

$$\Omega : \Phi^{T} K \Phi = diag [\omega_{i}^{2}] \qquad (i = 1, 2, \dots n) \qquad (4)$$
  

$$Z : \Phi^{T} C \Phi = diag [2 \zeta_{i} \omega_{i}] \qquad (i = 1, 2, \dots n)$$

である。qはモード変位ベクトルである。また,式
(3)を状態方程式に変換すれば

$$\begin{cases} \dot{x}_p = A_p x_p + B_d d + B_u u_p \\ y_p = c_p x_p \end{cases}$$
(5)

となる。ここで,

$$x_{p} = \begin{bmatrix} q_{1} \cdots q_{n} \mid \dot{q}_{1} \cdots \dot{q}_{n} \end{bmatrix}^{T} \qquad u_{p} = u$$

$$A_{p} = \begin{bmatrix} 0 \mid I \\ -\Omega \mid -Z \end{bmatrix} \qquad B_{d} = \begin{bmatrix} 0 \\ f_{d} \end{bmatrix}$$

$$B_{d} = \begin{bmatrix} 0 \\ f_{u} \end{bmatrix} \qquad C_{p} = \begin{bmatrix} C\Phi \mid 0 \end{bmatrix}$$

である。式(5) より, n自由度構造システムの運動 方程式は,モード解析を利用し物理座標系からモー ド座標系に変換することによって, n個の1自由度 振動系の非連成化した運動方程式に基づく状態方程 式を導くことができる。本論文においての FEMLABの利用は,線形制御理論を用いるために 式(5)の状態方程式を導出することにある。しかし ながら,FEMLAB はモード座標系には変換するこ とができないので, Rayleigh 減衰を含めて, モー ド座標系に変換するプログラムを作成した。

#### 3. コントローラの設計

LQ 理論において,式(5) で与えられるシステム に対する制振制御のための制御則は次式の2次形式 評価関数 Lを最小化することである。

$$J_{z} = \int_{0}^{\infty} \left( x_{p}^{T} Q x_{p} + u_{p}^{T} R u_{p} \right)$$
  
= 
$$\int_{0}^{\infty} \left( y_{p}^{T} C_{p}^{T} Q C_{p} y_{p} + u_{p}^{T} R u_{p} \right) dt$$
 (6)

ここで、Qは準正定対称行列、Rは正定対称行列で ある。式(6)における Lの値を小さくするような コントローラを設計する。式(6)を最小化する制御 入力は

$$u_P = K x_p \tag{7}$$

である。Kは最適レギュレータゲインであり、次式のように与えられる。

$$K = R^{-1} B_{\mu}^{T} P \tag{8}$$

Pは次の代数リカッチ方程式の正定対称解である。

 $PA_{p} + A_{p}^{T}P - PB_{u}R^{-1}B_{u}^{T}P + C_{p}^{T}QC_{p} = 0$ (9)

具体的には全てのモードに対する評価値の総和

$$J_{Z} = \sum_{i=1}^{n} J_{i}$$

$$= \sum_{i=1}^{n} \int_{0}^{\infty} \left\{ \begin{bmatrix} q_{i} \\ \dot{q}_{i} \end{bmatrix}^{T} Q_{i} \begin{bmatrix} q_{i} \\ \dot{q}_{i} \end{bmatrix} + u^{T} R u \right\} dt$$
(10)

を最小化するようなコントローラを求めることにな る。モード制御は各固有振動数を変化させずに、各 モードの減衰比だけを高めるために速度フィードバッ クをかけて、制御ゲインが各モードの速度成分だけ を高めるように働けばよい。具体的には重み Qが 速度の成分にかかるように設定すればよい。これが モード制御のメリットである。

一般に全ての状態量を検出することは不可能であ るから、本論文においては、検出可能な物理量は平 板に取り付けられたセンサ変位のみとし、オブザー バにはカルマンフィルタを用いる。カルマンフィル タを用いたコントローラの状態方程式は次式のよう になる。

$$\begin{cases} \dot{x}_k = A_k x_k + B_k y_p \\ u_k = C_k x_k \end{cases}$$
(11)

ただし,

平成16年2月

 $\dot{A}_k = A_p - HC_p - B_u K \quad B_k = H \quad C_k = -K$ 

である。カルマンフィルタゲイン*H*は次式で求め られる。

 $H = SC_p^r$ 

Sは次式のリカッチ方程式の正定対称解である。

$$SA_p + A_p^T S - SC_p^T C_p S + q^2 B_u B_u^T = 0$$
<sup>(13)</sup>

この q はスカラパラメータである。また、この場合 の最適制御系は LQG/LTR 法<sup>3</sup> と呼ばれていて P→  $\infty$  により、LQG コントローラに漸近させることが できる。これより式(5) と式(11) の拡大系は

$$\begin{cases} \dot{x}_{G} = A_{G} x_{G} + B_{G} d\\ y_{G} = C_{G} x_{G} \end{cases}$$
(14)

となる。ここで,

$$x_{G} = \begin{bmatrix} x_{\rho}^{T} \\ x_{K}^{T} \end{bmatrix} A_{G} = \begin{bmatrix} A_{\rho} & B_{u}C_{k} \\ B_{K}C_{\rho} & A_{K} \end{bmatrix} \quad B_{G} = \begin{bmatrix} B_{c} \\ 0 \end{bmatrix}$$
$$C_{G} = \begin{bmatrix} C_{\rho} \\ 0 \end{bmatrix}^{T} \quad y_{G} = y_{\rho}$$

である。制御対象とコントローラをブロック線図で 詳細に表現すれば図2となる。ただし,モデル化さ れたシステムは不確かさを含んでおり,厳密には実 システムと全く同じではない。本論文ではプラント が忠実に再現されたと仮定し解析を行った。



図2 制御システムのブロック線図

4. 遺伝的アルゴリズム

本論文では、最適化アルゴリズムとして、遺伝的 アルゴリズム<sup>4).5</sup>(Genetic Algorithm:以下 GA) を用いて最適化を行った。淘汰、増殖、交叉・突然 変異などの計算を行い、環境に対してもっとも適応 した個体、すなわち目的関数に対して最適解を与え るような解を計算機上で求めようというのが GA の概念である。

設計パラメータである配置座標の2進数表現の具体例を挙げる。図1に示した平板構造物の平板の長

#### 秋田高専研究紀要第39号

さはL=0.24[m],幅はb=0.1[m]とした。また、 平板は長さ方向に24分割,幅方向に8分割し、各節 点が配置座標パラメータとなる。センサおよびアク チュエータはそれぞれ3個ずつの配置座標 $S_i(x, y)$ あるいは $A_i(x, y)$ (ただしi=1, 2, 3)の情報を持っ ているとし、このときのセンサ1(以下SI)とアク チュエータ(以下AI)の座標を2進数で表現する。 なお、遺伝子の長さnは8[bit]とする。センサの 場合、配置は節点となる。10進数から2進数に変換 する場合は、式(15)を用いて算出された値を最終 的に0になるまで2で割っていき、余りの値を最後 から順に並べる。ただし、整数未満の値は切り捨て る。

$$X = \frac{(2^{n} - 1)x}{L} = \frac{(2^{s} - 1)x}{0.24}$$

$$Y = \frac{(2^{n} - 1)y}{b} = \frac{(2^{s} - 1)y}{0.1}$$
(15)

アクチュエータの場合は y 方向のエッジを含んだ 節点がパラメータとなり,次式を用いる。

$$X = \frac{(2^{n} - 1)x}{L - 0.01} = \frac{(2^{n} - 1)x}{0.23}$$

$$Y = \frac{(2^{n} - 1)y}{b - 0.0125} = \frac{(2^{n} - 1)y}{0.0875}$$
(16)

これも同様に算出された値を最終的に0になるま で2で割っていき,余りの値を最後から順に並べる ことにより設計パラメータが2進数で表現できる。 逆に,遺伝子長さを2進数から10進数に変換するには

$$x = round \left( L \times dx \times \sum_{i=1}^{8} 2^{-i} \times \alpha_{xi} \right) \frac{1}{dx}$$

$$y = round \left( b \times dy \times \sum_{i=1}^{8} 2^{-i} \times \alpha_{yi} \right) \frac{1}{dy}$$
(17)

で求めることができる。ただし、round は整数化の 意味である。また、dxはx方向の刻み幅、dyはy方向の刻み幅である。また、GAの収束判定には以 下の条件を考慮した。つまり

- あらかじめ設定された目的関数の値が任意で設 定した値より小さくなった。
- ① 任意に設定された世代数に達した。
   場合のいずれかとした。

#### 5. 問題の定式化とアルゴリズム

本論文の問題設定は、図1の平板構造物の制振制 御において、評価点における方向の変位に関する2 次形式評価値 $J_z$ を小さくするような、コントロー ラの設計と3つのセンサおよび3つのアクチュエー タの最適配置をGAによって決定することである。 外乱 d の配置は (x, y) = (0.24, 0.10)とし、評価に 関しては図1に示しているように、自由端側のある 1 点 Z, を評価する場合と、自由端側の3 点 Z, Z, Z, を総合して評価することの2 通りを考える。問題設 定に対し前節で述べてきた考えに基づき、最適設計 のアルゴリズムを以下に示し、そのフローチャート を図3に示す。

Step 1: センサとアクチュエータの配置を FEMLAB に SET し,式(1)の行列 M.C.Kを求め, 平板の運動方程式を構築する。

Step 2:式(1)の固有値問題を解き固有モード行列



図3 最適化アルゴリズム

を得る。そして式(2)のように座標変換を 行い、物理座標系からモード座標系に変換 し、式(5)の状態方程式を導出する。

Step 3: コントローラを設計する。

Step 4:初期配置における評価値を求める。1点の みを評価した場合と3点を総合的に評価し た場合の2通りを考える。評価値の計算に は H2 ノルムを用いる。H2 ノルムは時間領 域の評価であり、H2 ノルムはシステム表 現が

$$G(s) = C_G(sI - A_G)^{-\prime} B_G + D_G$$
 (18)

のように与えられた場合、評価値は

 $J_z = ||G(s)||_2$ 

 $=\sqrt{trace\left\{B_{G}^{T}L_{\theta}B_{G}\right\}}$ (19)

 $=\sqrt{trace\{C_G^T L_c C_G\}} \quad (tz tz \cup D_G = 0)$ 

で求めることができる。ただし, *L*<sub>0</sub> と *L<sub>c</sub>* は次のリアプノプ方程式

$$A_{G}^{T}L_{\theta}+L_{\theta}A_{G}+C_{G}^{T}C_{G}=0$$

$$A_{G}L_{C}+L_{C}A_{G}^{T}+B_{G}B_{G}^{T}=0$$
(20)

の解である。なお、3 点評価の場合は式を 用いて、3 つの || *G*(*s*) ||<sub>2</sub> の総和を求めるこ とになる。

Step 5:ここからGAの計算を開始する。GAでは 各固体についてStep 1~Step 4 までの行 程を繰り返し、それぞれの固体の評価値 を求め、個体の中で一番小さい評価値を見 いだしたとき1世代目の終了となる。そし て次の世代に進み、また各個体について Step 1~Step 4 までを繰り返す。

Step 6:目的関数の値が任意で設定した値より小さ くなった場合や,任意に設定された世代数 に達した場合はプログラムを終了する。こ れらの条件を満たさなかった場合はStep 5 に戻る。

#### 6. 数値例

前節で提案した手法を用いて図1の片側固定の平 板構造モデルに適用した結果を以下に示す。平板構 造モデルの寸法諸元と物性値は表1に示す。本論文 では外乱入力dの位置を節点座標(x, y)=(0.24, 0.10)とした。式(19)に基づく評価関数は次の2つのケー ス、つまり、

平成16年2月

- ケース1:平板の中央先端部分の節点座標 Z<sub>2</sub>:(x, y) =(0.24,0.05) における評価値 J<sub>2</sub>
- ケース 2: 平板の先端部分の節点座標 3 点  $Z_i$ : (x, y) =(0.24,0.00),  $Z_i$ : (x, y) = (0.24,0.05),  $Z_i$ : (x, y) = (0.24,0.10) における評価値  $J_z$  の 総和

を考えた。これは評価の相違により結果に違いが出 るかを考察するために設定した。そして外乱 d の配 置に対するケース1とケース2の2通りの評価につ いての制振効果を調べた。GA の設定においては、 個体数10、交叉率0.2、変異率0.03で計算した。そ の結果、3つのセンサと3つのアクチュエータの初 期配置と最適配置されたケース1の場合とケース2 の場合のそれぞれについて表2と表3に示す。表2 および表3のPoint欄は、センサの場合はFEMLAB における節点の番号、アクチュエータの場合はエッ

Plate Length : L	240×10 <sup>-3</sup> [m]
Plate Hetiht : <i>t</i>	7.00×10 <sup>-3</sup> [m]
Plate Width : <i>b</i>	100×10 <sup>-3</sup> [m]
Density : p	$7.87 \times 10^{3} [kg/m^{3}]$
Young's Module : E	207 × 10 <sup>9</sup> [Pa]
Poisson's Ratio : $ u$	0.3

表1 平板構造物の寸法諸元と物性値

表2 センサ・アクチュエータの最適配置(ケース1)

センサ				アクチュエータ			
No.	X <sub>ini.</sub>	Y <sub>ini.</sub>	Point	No.	X <sub>ini.</sub>	Y <sub>ini.</sub>	Point
1	0.1200	0. 0250	111	1	0.1700	0.0125	155
2	0.1200	0.0500	113	2	0.1700	0. 0375	157
3	0.1200	0.0750	115	3	0.1700	0.0750	160
No.	X <sub>opt.</sub>	Y <sub>opt.</sub>	Point	No.	X <sub>opt.</sub>	Y <sub>opt.</sub>	Point
1	0.2400	0.0250	219	1	0.1700	0.0125	155
2	0. 2400	0.0375	220	2	0.0400	0.0875	44
3	0.1200	0.0375	112	3	0.1200	0.0875	116



秋田高専研究紀要第39号

ジを含んだ節点の番号を表している。

図4は、外乱dから評価端点 $Z_{i}$ :(x, y)=(0.24, 0.05)までの伝達特性で、制御していない場合と最適配置により制御された場合のボード線図の比較である。 図より、1次モードのゲインピークが大幅に下がっており、当然ながら制御した場合の方が振動を抑えていることがわかる。図5はケース2の場合であり、同様な傾向を示している。図6と図7はGAの計算経過を示したものであり、各世代における最小評価値Lの推移を表したグラフである。ケース1の場合は1世代目から3世代目までにかけて評価値の急激な低下が見られ、その後は徐々に低下している。ケース2の場合は評価点を3つ考慮しているのでケース1に比べて評価値Lの値が高めである。

次に GA により最適配置されたセンサおよびア クチュエータの配置を FEMLAB で求めたモード 形に配置して考察する。図 8~図10および図11~図 13はそれぞれケース1とケース2の場合であり、セ ンサおよびアクチュエータの最適配置と1次モード から3次モードとの関係を示した図である。はじめ にセンサの位置について考察する。ケース1の場合, 全てのモードにおいて変位量の大きい先端部分に2 個のセンサ(センサ1とセンサ2)が配置された結 果となっている。この2個のセンサは変位情報を得

センサ				アクチュエータ			
No.	X <sub>ini.</sub>	Y <sub>ini.</sub>	Point	No.	X <sub>ini.</sub>	Y <sub>ini.</sub>	Point
1	0.1200	0.0250	111	1	0.1700	0. 0125	155
2	0.1200	0.0500	113	2	0.1700	0. 0375	157
3	0.1200	0. 0750	115	3	0.1700	0.0750	160
No.	X <sub>opt.</sub>	Y <sub>opt.</sub>	Point	No.	X <sub>oot.</sub> 1	Y <sub>oot.</sub>	Point
1	0.2400	0. 0250	101	1	0.0400	0. 0875	82
2	0.0900	0.0500	221	2	0.1300	0.0000	80
3	0.1800	0.0750	108	3	0.0800	0.0875	147

表3 センサ・アクチュエータの最適配置(ケース2)



- 20 -



図6 各世代の最小関数値 Jz (ケース1)



図8 1次モードにおける最適配置(ケース1)



図9 2次モードにおける最適配置(ケース1)



図10 3次モードにおける最適配置(ケース1)



図7 各世代の最小関数値 Jz (ケース2)



図11 1次モードにおける最適配置(ケース2)



図12 2次モードにおける最適配置 (ケース2)



平成16年2月

る上でも有効なセンサであると考えられる。センサ 3 は 2 次のモード形において振幅の大きい腹の部分 に配置されていて,たわみ情報を得る上でも有効な 配置であると考えられる。しかし、3 次のモード形 においてはほぼ節の部分にあり有効性があまり考え られない。ケース 2 の場合、変位量の多い先端にセ ンサ1 が配置された結果となり情報を得る上で有効 であると考えられる。センサ2 は1 次モードと 2 次 モードにおける比較的変位情報の多い場所で有効な 配置と考えられる。また、センサ3 は 2 次モードで は節付近であり有効性が期待できないが、1 次のモー ド形では、比較的変位情報の多い配置、3 次モード においては腹付近であり、有効的な配置と考えられ る。

次にアクチュエータの配置について考察する。ケー ス1の場合、アクチュエータ2は根元に配置されて いるので、1~3次モードの曲げモードを抑えるこ とに有効であると考えられる。アクチュエータ3は 方向のほぼ中央に配置され、1次モードにあまり寄 与しているとは考えられないが、2次モードに対し ては腹の部分に配置され、曲げを抑制するための最 適な配置と考えられる。アクチュエータ1は1次モー ドにおいては有効性が考えられないが、2次モード、 3次モードにとっては腹付近であり、曲げの抑制の 効果が考えられる。ケース2の場合は、アクチュエー タ1は根元付近に配置され、1~3次モードに対し て有効であると考えられる。アクチュエータ2はx 方向の中央付近に配置され2次モードにおいては腹 付近, またアクチュエータ3は1次モードの根元付 近,3次モードにおいては腹付近にあり,曲げを抑 制する効果があると考えられる。

ところで,評価点 Z,以外の節点の閉ループ系の 伝達特性を調べるために,外乱入力 d からそれぞれ 評価点 Z, Z, および Z, までの閉ループ伝達特性を 調べてみた。図14~図16はケース1の場合で、外乱 入力 d から各評価点 Z、~Z,における閉ループ系の 最適化前と最適化後のボード線図の比較である。図 より,評価点 Z,における伝達特性は改善されてい るが,評価点 Z. 以外の伝達特性つまり外乱 d から 評価点 Z,および Z,への伝達特性は低周波領域でゲ インが上がっていることがわかる。このことについ てケース2の場合と比較してみる。図17~図19はケー ス2の結果であり、この場合はGAの計算アルゴ リズムの中で,3点全ての評価値(Z<sub>1</sub>, Z<sub>2</sub> および Z<sub>3</sub>) を考慮しているため、外乱 d から端点 Z, および Z, への伝達特性は悪くなっていない。これは外乱 dが 例えば位置 Z<sub>2</sub>のように真ん中に入力される場合,

秋田高専研究紀要第39号







mese (Hs)

平板は曲げのみを受けると考えられるが,外乱 dが 端点 Z,および Z,に入力される場合は,ねじりのモー ドを受けることが予想される。そのため,外乱から の伝達特性は中央と端とでは伝達特性がかなり異な ると考えられる。このことより,評価関数を設定す る場合は,制振の目的がある一部分の制振なのか, あるいは全体的に制振が必要なのかを考えて GA

-21 -

-22-

木澤 悟・小笠原悠





のアルゴリズムの評価関数を設定することが重要で あると考えられる。

### 7. 結 言

本研究では、片側固定の平板構造物の有限要素モ

デルを例題とし、制振制御を目的にセンサ/アクチュ エータ配置の最適化を行った。得られた結果をまと めると以下のようになる。

- (1)本解析アルゴリズムは、有限要素解析ソフトと 制御系設計ソフトをリンク、統合化し、制御対 象モデルをモード変換し、状態方程式に変換す ることが可能である。
- (2) センサとアクチュエータの配置場所の最適化に 関しては、配置パラメータが離散的であるため に、最適化手法として遺伝的アルゴリズムを利 用した。提案した GA を用いた最適化アルゴ リズムは、センサ/アクチュエータという構造 系の配置パラメータと制御系を最適化する同時 最適化設計法である。
- (3) 評価方法の違いについて検討した結果,1点の みを評価関数に利用した場合よりも3点を考慮 した評価関数を用いた場合の方が,曲げモード ばかりだけではなくねじりモードにも対応する 制振効果が得られている。したがって,制振の 目的により評価関数を考えて設定することが重 要である。
- (4) センサはたわみ量の多い位置に配置し、アクチュ エータは曲げによる変形が大きい根元付近や腹 の部分に配置するのが望ましい。
- (5)本研究ではGAの評価関数として1点評価,3 点評価のみを考えたが,平板モデルの全体的な 制振を考えると多くの評価点を考慮した方が有 効であると考えられる。この点に関しては今後 の検討課題としたい。また,センサ/アクチュ エータの最適個数を考慮したアルゴリズムにつ いても,コスト対効果という点で今後の課題と して残されている。

#### 参考文献

- 1) FEMLAB Structural Mechanics Module, COMSOL AB. (2002)
- 2) Using MATLAB, The Math Works Inc. (1999)
- 3) 佐伯, LTR 法とその倒立振子への適用, システム/制御/情報, 35-5 (1991), pp.260-267
- 4)酒和正敏・田中雅博・日本ファジイ学会編、ソフトコンピューティングシリーズ1 遺伝的アルゴリズム、朝倉書店(1995)
- 5) 安居院猛・長尾智春, ジェネティックアルゴリ ズム, 昭晃堂 (1999)