上下に細長い開口部を有する干渉管を付属させた 水平円管の自然対流熱伝達について

土田 一•高橋 学*•田子 真**

Heat transfer in Natural Convection from Horizontal Tube Enclosed by Concentric Outer Tube

Hajime Tsuchida, Manabu Takahashi* and Makoto Tago**

(2002年11月22日受理)

Heat transfer in natural convection around the horizontal cylinder was experimentally and analytically investigated in order to raise in the heat transfer coefficient and use natural energy efficiently. The horizontal cylinder involved was 50mm in diameter and 100mm in length, and was covered with concentric outer tubes. The outer tubes had slots on top and bottom, which were 3 mm in width and 100mm length. The clearance (c) between the horizontal cylinder and outer tubes was changed as 0.5 mm to ∞ . Rayleigh number (Ra) was changed as 4×10^4 to 8×10^8 . The fluids used were R11, air, and water. The study showed that the Prandtl number (Pr) of the fluids influenced natural convective flow. More specifically, heat transfer in natural convection was restrained when the Prandtl number was relatively big like R11 (Pr = 4.5).

1. 緒 言

近年,省エネルギー化,新エネルギーの開発など 熱エネルギーの有効利用が重要視されており,太陽 熱や海洋温度差など自然エネルギーの利用法が最重 要課題となっている。

自然エネルギーなど小温度差を利用して熱交換を 行うためには、伝熱面積の増大を極力抑える必要性 から、熱交換器の性能向上が重要課題となっている。 特に相変化を伴う熱交換器の高性能化、コンパクト 化という観点から小温度差で、沸騰熱伝達を効果的 に行わせるための手段の一つとして、伝熱面表面に 種々の加工を施した高性能伝熱管の研究開発が行わ れている⁽¹⁾。

一方,通常の平滑伝熱面に狭い空間あるいは狭い 流路を形成した場合,その沸騰熱伝達は一般的に伝 熱面熱流束が比較的小さい領域において,通常のプー ル沸騰に比較し向上することが知られている^{(2)~(5)}。

* 秋田工業高等専門学校専攻科学生

** 秋田大学工学資源学部

特に、土田らの場合⁽⁶⁾、上下に円管軸と平行な細長 い開口部を有する円管内に伝熱管を取付け、伝熱面 から発生する気液の抜け及び新鮮液体の流入を円周 方向となるようにし、2円管で構成される環状すき まを極めて狭い範囲まで変化させ、自然対流域から 核沸騰域までの狭い沸騰空間内の伝熱特性を明らか にしている。しかしながら、低熱流束域では蒸気泡 が発生せず、すきま内を流れる過熱液層が自然対流 的な流動をする場合においても伝熱促進することが 確認されている。このことは、すきま内を流れる流 体温度や周囲流体温度が飽和温度もしくはそれ以上 に達しており、伝熱面から蒸気泡が発生せずとも、 伝熱管と上下に細長い開口部を有する円管で、狭い すきまを確保するために用いたスペーサーからの接 触熱抵抗によって蒸気泡が発生していることから、 その流動の影響を受け伝熱が促進したものと考えら れる。したがって、熱交換器の始動時、あるいは伝 熱管が円管軸方向に長くなった場合などを考慮する と、自然対流熱伝達に関する特性を明らかにするこ とが重要である。

このような背景より本研究では、太陽熱を利用し

秋田高専研究紀要第38号

た吸収式冷凍機,海洋温度差発電用蒸発器等に用い る管胴型蒸発器の性能向上に関し,自然対流熱伝達 という観点から水平円管の伝熱系を取り上げた。す なわち,上下に円管軸と平行な細長い開口部を有す る円管内に伝熱管を同心円状に取付け,新鮮液体の 流入が円周方向となるように考慮し,2円管で構成 される環状すきまを極めて狭い範囲まで変化させ, 狭いすきま内における自然対流熱伝達特性を実験的, 解析的に明らかにするための基礎的研究を行った。

- 2. 主な使用記号
- 2.1 実験においての使用記号

c :伝熱管と干渉管内壁との環状すきま〔m〕

- d :供試伝熱管直径〔m〕
- D :ステンレス箔ヒータ(メインヒータ)幅〔m〕
- E :電圧 (V)
- I :電流〔A〕
- L :ステンレス箔ヒータ(メインヒータ)長さ [m]
- Q :供給熱量 (W)= E•I
- q : 伝熱面熱流束 (W/m²) = Q/(D・L)
- g : 重力加速度〔m/s²] = 9.8
- T₂: :周囲流体温度〔K〕
- Twe:局所伝熱管表面温度〔K〕
- T_c :膜温度〔K〕

β

- ρ_∞ :周囲流体密度〔kg/m³〕
- ρ : 膜温度における流体密度〔kg/m³〕
- h_{θ} :局所熱伝達率 (W/(m²·K)) = q/(T_{W \theta}-T_w)
 - :体膨張係数〔1/℃〕
 - $= (\rho_{\infty} \rho) / (\rho (T_{f} T_{\infty}))$
- ν :動粘性係数〔m²/s〕
- λ :液体の熱伝導率〔W/(m•K)〕
- θ :試験部鉛直下方向を0°として定義した熱電
 対取り付け位置〔deg.〕
- Nuθ:局所ヌセルト数 =hθ•d/λ
- Num:平均ヌセルト数
- Pr :プラントル数
- Gr :グラスホフ数
- =d³・g・β・ (T_w-T_∞)/ν² Ra :レイリー数 = Gr・Pr
- 2.2 数値解析においての使用記号
- x :x 方向座標〔m〕
- y :y方向座標〔m〕
- ρ :密度〔kg/m³〕
- u :x 方向速度〔m/s〕

- 土田 一・高橋 学・田子 真
 - : y 方向速度〔m/s〕 v :時間〔s〕 t :圧力〔Pa〕 р :粘性係数〔Pa•s〕 μ :重力加速度〔m/s²〕 = 9.8 g :体膨張係数 ß T : 温度 (℃) **T**₀ :初期温度〔℃〕 :定圧比熱〔J/(kg•K)〕 Cp
 - λ :熱伝導率〔W/(m•K)〕
 - S :生成項
 - α :緩和係数

3. 実験装置及び実験方法

3.1 実験装置

実験装置の概略を図1に示す。実験容器③は内寸 法で幅235mm,高さ320mm,奥行き235mmのス テンレス板製直方体であり、上面以外は50mm厚 のスタイロフォームで断熱されている。試験部②は 容器底部より130mm上方の位置でフランジによっ て片持ちで固定されている。なお、容器底部より90 mm上方に周囲流体温度測定のため、銅ーコンス タンタン熱電対④が取り付けられている。作動流体 に液体を用いる場合、容器底部より260mm上方ま で満たして実験を行った。



図1 実験装置

3.2 供試伝熱管及び干渉管

試験部の詳細を図2に示す。伝熱管⑤は外径50mm の塩化ビニール製の円管にメインヒータとして厚さ 30 µm, 幅10mm, 長さ805mm のステンレス箔④ をらせん状に貼り付け、直接通電加熱(直流)によ り伝熱面に熱流束を与えた。また、伝熱面表面温度 測定のため, 伝熱管中央, メインヒータの裏面に伝 熱管鉛直下方向を $\theta = 0^{\circ}$ とし周方向に $\theta =$ 0°~±180°まで10°間隔で銅-コンスタンタン熱 伝対⑦を37点取り付けた。なお、伝導による熱損失 を防止するため補償ヒータ⑥を取り付けた。補償ヒー タ⑥は、軸方向に対してはメインヒータの両側にス テンレス箔をらせん状に貼り付け、半径方向内側に 対しては伝熱管内部にステンレス箔をらせん状に貼 り付けた丸棒を挿入した。それぞれの $\theta = 90^\circ$ の 位置に銅 - コンスタンタン熱電対を取り付け、それ ぞれの表面温度がメインヒータの $\theta = 90^\circ$ の伝熱 面表面温度と一致するように直接通電加熱(直流) により伝熱面に熱流束を与えた。

試験部はすきま寸法 c が0.50, 0.75, 2.00mm と なる内径を持つアルミニウム製円管①(以後, 干渉 管と呼称する)を製作・加工し, 伝熱管表面を同心 円状に覆い狭い流路を形成した。また, 干渉管には 周囲流体の流入が円周方向となるように, 上下に円 管軸と平行な幅 3 mm, 長さ100mmの開口部を設 けた。作動流体には, 空気, フロン系冷媒 R11を 使用し, 大気圧の下で実験を行った。

3.3 可視化観察

狭いすきま内の流体の流動状況を観察するために 色素流脈法⁽⁸⁾による可視化実験も行った。図1の実 験容器と同じ寸法のアクリル樹脂製実験容器を製作・ 加工し、干渉管にはすきま寸法 c が0.50, 2.00mm となる内径を持ち、上下に細長い開口部を設けたア クリル樹脂製の円管を製作・加工した。作動流体に は水を使用し、下開口部より水溶性の赤色インクを 注入し、試験部の水平方向からビデオカメラで撮影 を行った。

4. 実験結果

4.1 平均熱伝達特性

図3は、横軸にレイリー数 Ra、縦軸に平均ヌ セルト数 Numを示したもので、パラメータにすき ま寸法 c をとっている。 なお図中の実線は McAdams⁽⁷⁾の水平円柱における実験結果の Num数 であり、空気の場合、干渉管を付属させていない、

秋田高専研究紀要第38号



図2 試験部詳細図





すなわち c = ∞ の Nu_m数が McAdams の実験結果 に対してほぼ一致している。しかし、R11の場合、 定性的な一致は見られるものの定量的には約20%の 誤差が生じ、今後の検討課題となった。

干渉管を付属させた場合の平均熱伝達特性におい

て、空気の場合、すきま寸法の減少に伴い熱伝達が 向上していることが確認できるが、R11の場合、す きま寸法の減少に伴い熱伝達が低下している。また、 R11の場合、それぞれのすきま寸法において、c =2.00mmでは Ra \geq 2.97×108、c = 0.75mmでは Ra > 3.76×10⁷、c = 0.50mmでは Ra > 6.07×10⁷ の Ra 数領域で急激な Nu_m数の増加がみられる。

4.2 すきま内を流れる流体の挙動

図4及び図5は、すきま寸法c = 0.50mm、レイ リー数 Ra = 9.49×107及びc = 2.00mm, Ra = 9.27×10⁷の条件で行った可視化実験の写真である。 どちらの条件とも、すきま内を流れる流体は、干渉 管内壁にぶつかり乱れを生じるといったことはなく、 非常にゆっくりで安定した流れで上開口部から抜け ていることが確認できた。また、下開口部より注入 した赤色インクが上開口部から抜けるまで時間は、 c = 0.50mmで108秒, c = 2.00mmで19秒であり、 上昇平均速度を換算すると、c = 0.50mmで1.49m m/s, c = 2.00mmで8.75mm/sであり、約6倍程 の速度差が生じている。

4.3 局所熱伝達特性

円管表面の局所ヌセルト数 Nu₀の変化を,レイ リー数 Ra をパラメータにとり,各すきま寸法 c及 び各作動流体ごとにまとめた,図6~11における局 所熱伝達特性について以下に述べる。

4.3.1 作動流体に R11を用いた場合の 局所熱伝達特性

図 6 は, c = 2.00mm の Nu_θ数の変化を示したも のである。Ra 数の増加に伴い Nu_θ数も増加してい ることがわかる。本実験範囲内における低 Ra 数領 域 (Ra $< 2.97 \times 10^8$) では, Nu_θ数が $\theta = 0^\circ$ を最 大値とし, θ の増加に伴いほぼ単調に減少している。 しかし, 図 3 において急激な平均ヌセルト数 Nu_m の増加がみられた Ra 数領域 (Ra $\ge 2.97 \times 10^8$) で は, Nu_θ数が $\theta = 0^\circ$ を最大値とし θ の増加ととも に減少, $\theta = \pm 120 \sim 150^\circ$ 近傍で最小値となる。 その後, θ の増加に伴いNu θ 数も増加するが $\theta \ge$ ±160° 付近で再び減少していることがわかる。な お, Ra 数の増加に伴い Nu_θ数が最小値となる位置 θ は小さくなっている。

図7は、c = 0.75mmのNu₀数の変化を示したも



図5 可視化写真(2)



上下に細長い開口部を有する干渉管を付属させた水平円管の自然対流熱伝達について

-23-

のである。c = 2.00mm の場合と同様, Ra 数の増 加に伴い Nu₀数も増加しているが, Ra \geq 5.87× 10⁷ではRa 数の増加に伴う Nu₀数の増加はみられ ない。本実験範囲内における低 Ra 数領域(Ra \leq 3.76×10⁷)において, Nu₀数は θ が変化してもほぼ 一定値を示している。一方,図3において,急激な Nu_m数の増加がみられた Ra 数領域(Ra > 3.65× 10⁷)では, Nu₀数が $\theta = 0$ °を最大値とし, θ の 増加とともに減少, $\theta = \pm 110$ °近傍で最小値とな る。その後, θ の増加に伴い Nu₀数も増加する。

図 8 は、c = 0.50mm の Nu₀数の変化を示したものである。c = 0.75mm の場合とほぼ同様の傾向を示しており、Nu θ 数は $\theta = \pm 90^{\circ}$ 近傍で最小値となる。

すきま寸法 c = 0.75mm 及び c = 0.50mm の Nu_o数の分布はほぼ同様な傾向にあるものと考えら れるが、c = 0.50mm の場合、 θ の変化に伴う Nu_o 数の増減の度合が大きく、また、すきま寸法が小さ くになるに従い Nu_o数の最小値を示す位置 θ も小 さくなっていることから、すきま寸法が熱伝達特性 に与える影響が明確に現れている。

4.3.2 作動流体に空気を用いた場合の 局所熱伝達特性

図9は、c = 2.00mmのNu₀数の変化を示したものである。Ra 数の増加に伴いNu₀数も増加していることがわかる。しかし、 θ の変化に伴うNu₀数の増減は明確に現れていないが、 $\theta = \pm 100^{\circ}$ 近傍においてNu₀数が最小値になっていることが確認できる。なお、Ra $\geq 1.07 \times 10^{\circ}$ ではNu₀数がほぼ同様な値を示しており、Ra 数の影響は受けていないことがわかる。

図10は、c = 0.75mm の Nu_o数の変化を示したも のである。Ra 数の増加に伴い Nu_o数も増加してい ることがわかり、作動流体に R11を用いた c =0.75mm の場合と同様の傾向が現れていることが確 認できる。しかし、本実験範囲内における低 Ra 数 領域においても θ の変化に伴う Nu_o数の変化がはっ きりみられ、また、Nu_o数が最小値を示す位置 θ は、 $\theta = \pm 100°$ 近傍となっている。

図11は, c = 0.50mm の Nu₈数の変化を示したものであり, c = 0.75mm の場合と同様の傾向を示している。



図12 解析モデル

5. 数值解析

5.1 解析モデル及び計算手法

図12に本解析モデルを示す。解析モデルは実験装 置と同一の形状及び寸法であり、2次元直交座標と し、軸方向に対して左右対称という仮定で片面のみ に対して計算を行った。境界条件として上面は等温, それ以外の面は断熱のもとで、伝熱管表面から一定 の熱流束が与えられているものとしている。初期条 件としては実験結果と比較する目的で、すきま寸法 c = 2.00mm, 作動流体に空気を用いて行った実験 の条件を適用した。すなわち熱流束 $q = 218W/m^2$, 初期温度 T₀ = 20℃の場合, q = 74.2W/m², T₀ = 17.6℃の場合, q = 32.9W/m², T₀ = 16℃の場合の 3パターンにおいて数値解析を行った。時間刻み△ t = 10秒とし、実験において定常状態になったと見 なすことのできた6時間後の結果を求めた。 数値解析に用いた基礎方程式は, 連続の式

$$\frac{\partial}{\partial x} (\rho \mathbf{u}) + \frac{\partial}{\partial y} (\rho \mathbf{v}) = 0 \qquad \cdots (1)$$

運動方程式

x方向

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho \mathbf{u}) + \frac{\partial}{\partial x}(\rho \mathbf{u} \cdot \mathbf{u}) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho \mathbf{v} \cdot \mathbf{u})$$
$$= -\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\partial}{\partial x}\left(\mu \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial x}\right) + \frac{\partial}{\partial y}\left(\mu \frac{\partial \mathbf{u}}{\partial y}\right) \qquad \dots (2)$$

上下に細長い開口部を有する干渉管を付属させた水平円管の自然対流熱伝達について



エネルギー保存式

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho cT) + \frac{\partial}{\partial x}(\rho cuT) + \frac{\partial}{\partial y}(\rho cvT)$$

$$= \frac{\partial}{\partial x}\left(\lambda \frac{\partial T}{\partial x}\right) + \frac{\partial}{\partial y}\left(\lambda \frac{\partial T}{\partial y}\right) + S \qquad \dots (4)$$

であり,密度一定の非圧縮性流れとし,温度変化に よる密度差の効果は浮力項のみに働くと考える,ブ シネスク近似を採用している。格子は等間隔の直角 スタガード格子を用い,基礎方程式の離散化は計算 格子上にコントロールボリュームをとり,有限体積 法に基づいて行い,SIMPLE法⁽⁹⁾で解いた。時間 積分については完全陰解法を採用している。離散化 した運動方程式,圧力補正式,エネルギー方程式の 代数方程式を効率的に算出するため,3重対角行列 解法(TDMA)と緩和法を組み合せている。

5.2 実験結果との比較

図13は横軸にレイリー数 Ra,縦軸に平均ヌセル ト数 Numを示した図で、すきま寸法 c = 2.00mm, 試験流体に空気を用いた場合における実験で得られ た Num数及びそれら実験条件のもとで行った数値 解析の結果から得られた Num数をとっている。解 析結果は実験結果と比較して高くなっていることが わかる。誤差の原因として時間刻み Δ tが大きい, 各時間ステップにおける収束条件が的確でなかった など、自然対流において温度場と流れ場が相互に影 響を及ぼしあうために、様々な因子が影響を与えた ものと考えられる。なお、その誤差は約2倍と非常 に大きいが、実験値、解析値どちらも Ra 数が増加 しても Num数はほぼ一定の傾向を示しており、定 性的にはほぼ一致している。

5.3 温度分布

図14は解析によって得られた各条件の温度分布で ある。本実験範囲内において熱流束が高い, q =218W/m²では対流による熱伝達がはっきりと現 れており,下開口部から流入した流体がすきま内を 通り,上開口部から抜けて周囲に広がっていること がわかる。また,干渉管に相当する部分の温度が高

秋田高専研究紀要第38号



図13 実験結果及び解析結果の Num 数の比較

くなっており、干渉管から周囲流体へ熱が移動して いることが確認でき、 $\theta = 90^{\circ}$ 以降でそれが明ら かである。熱流束が低い、 $q = 74.2W/m^2$ 及び $q = 32.9W/m^2$ の場合においては、対流による熱伝達は 低いものの、 $q = 218W/m^2$ の場合と同様、干渉管 から周囲流体へ熱が伝わっていることが確認できる。

6. 実験結果及び解析結果からの考察

以上のことから,本実験範囲内において作動流体 にプラントル数Prの比較的小さい空気 (Pr ≒ 0.71)を用いた場合、温度境界層が速度境界層より も厚く発達する。したがって、すきま寸法が小さく なることにより温度境界層がすきま内いっぱいに広 がる、もしくは、すきま内の流体温度が伝熱面表面 温度と一致し、干渉管からの熱伝導によって周囲流 体に熱が移動するため熱伝達が向上したものと考え られる。また、局所ヌセルト数 Nu_eが最小値を示 す位置では、下方からの流れと伝熱面から生ずる鉛 直上方向の流れが合流し,対流が弱まることから干 渉管に熱が移動する。そのため、Nu_θ数が最小値を 示す位置からθの増加に伴い Nu_θ数が上昇したも のと考えられる。このことから、すきま内の対流に よる熱伝達よりも、すきま内の流体から干渉管への 熱伝導によって周囲流体に熱が移動する方が支配的 になっているものと考えられる。したがって、熱の 流れは伝熱管周方向よりも、半径方向外側に対して の方が大きいものと考えられる。

一方,作動流体に空気より6倍程度 Pr 数が大き い R11 (Pr = 4.5)を用いた場合,すきま寸法が小 さくなることにより流動抵抗が大きくなり,すきま

-25-







内の流れが抑制され,対流による熱伝達が抑制され ているものと考えられる。c = 2.00mmの場合,可 視化観察から c = 0.50 mm に比較してすきま内を 通過する流体の対流速度が速いことから、 $\theta = 0^{\circ}$ では下開口部より大量の周囲流体が流入するため Nu₀数は高くなる。その後、 *θ*の増加に伴い温度境 界層が形成されることから、図6に示したように Nu_θ数が急激に減少しているものと考えられる。ま た、本実験範囲内における高レイリー数 Ra 領域 (Ra ≥ 2.97×108) において, Nu_θ数が最小値を示 す $\theta = \pm 120 \sim 150^\circ$ 近傍で温度境界層がすきま内 いっぱいに広がり,この位置では下方からの流れと 伝熱面から生ずる鉛直上方向の流れが合流し対流が 弱まることから、干渉管に熱が移動し Nu_e数が上 昇したものと考えられる。一方, c = 0.75, 0.50mmの場合では、流動抵抗により対流が抑制さ れるため, 下開口部より流入する周囲流体の流量は $少なく, \theta = 0^{\circ} O Nu_{\theta} 数は最大となるがその値$ は小さい。また、すきま寸法が小さいため、 0が小 さい位置から温度境界層はすきま内いっぱいに広がっ ており、干渉管に熱が移動するため、図7及び図8 において、 θの増加に伴う Nu_θ数の減少は小さい ものと考えられる。なお、本実験範囲内における高 Ra 数領域において、Nu₀数が最小値を示し、その 後θの増加に伴い Nu_θ数が増加することについて は c = 2.00mm と同様である。

7. 結 言

本研究では、上下に細長い開口部を有する干渉管 を付属させた水平円管の自然対流熱伝達について、 環状すきま寸法 c を0.50~2.00mm まで変化させ、 作動流体にフロン系冷媒 R11と空気を用いた実験 結果と色素流脈法による可視化実験の結果、及びコ ントロールボリューム法で離散化し SIMPLE 法に よって計算した解析結果から、以下の結果が得られ た。

(1) 伝熱面に狭い流路を形成し,作動流体に R11
 (Pr ≒ 4.5)を用いた場合,熱伝達の向上は得られない。

(2) 作動流体にプラントル数が比較的小さい空気 (Pr ≒ 0.71)を用いた場合、熱伝達は向上するが、 温度境界層が速度境界層より厚く発達するため、対 流による熱伝達よりも、すきま内の流体から干渉管 への熱伝導が支配的である。

(3) すきま内を流れる流体が非常に遅い流れで常に 周囲流体温度とほぼ同一の干渉管内壁付近を通過す るため、熱伝導によって周囲流体に熱が移動するこ とから、ある条件において局所的に熱伝達が向上す る場合もあり、それに追従して急激な平均ヌセルト 数 Numの増加が確認された。

(4) 可視化実験により, すきま内を流れる流体は非 常に遅い速度で且つ安定した流れをしていることが 明らかになった。

- 26 -

参考文献

- (1) 熱交換技術入門,中山 恒,オーム社
- (2) 例えば、石橋・西川、日本機械学会論文集、 33-245 (1967)、121。
- (3) S.Aoki ほか3名, Int.J.Heat Mass Transf., 26-7 (1982), 985。
- (4) Hung, Y.H. and Yao, S.C., Trans. ASME, J.Heat Transf., 107-3 (1985), 656.

- (5) 石橋・岩崎,日本冷凍協会誌,57-654 (1982), 333。
- (6) 土田・相場,日本機械学会論文集(B編),56-568(1993-12),3899-3905。
- (7) McAdams, W.H.:Heat Transmission (3d ed.), McGraw-Hill(1954).
- (8) 流れの可視化ハンドブック,浅沼強,朝倉書店。
- (9) 数值流体工学, 荒川 忠一, 東京大学出版会。